

Durée : 1 heure

Date:18/01/2006

Nom et prénom:.....

2^{ème} année Science.....

N°.....

QCM

1) Parmi les fonctions suivantes, quelles sont celles qui sont des polynômes ?

$f(x) = 0$

$g(x) = -3.x^2 + 2.x - 1$

$h(x) = 7.x^3 - 3.x^2 + 2$

2) f et g sont deux polynômes dont le degré est égal à 6. Leur somme $f + g$ est un polynôme. Parmi les affirmations suivantes, lesquelles sont vraies ?

Le degré du polynôme $f + g$ peut être égal à 5.

Le degré du polynôme $f + g$ peut être égal à 6.

Le degré du polynôme $f + g$ peut être égal à 7.

3) f est le polynôme défini, pour tout réel x , par : $f(x) = 2.x^5 + x^4 - 3.x^3 + 11.x^2 - 4.x + 3$. g est un autre polynôme. On sait que le produit $f.g$ a un degré strictement inférieur à 9 et a un coefficient dominant égal à 6.

Parmi les polynômes suivants, lesquels peuvent être ce polynôme g ?

$g(x) = 2.x^2 + x - 7$

$g(x) = 3.x^3 + x - 7$

$g(x) = 4.x^4 + x - 7$.

4) On sait que f est un polynôme tel que $f(1,5) = 0$. Parmi les affirmations suivantes, lesquelles sont vraies ?

$(x - 1,5)$ factorise Le polynôme f .

$-1,5$ est une racine du polynôme f .

Le polynôme f n'admet aucune autre racine.

5) On sait que deux racines du polynôme f sont -5 et 2 .

Parmi les polynômes suivants, lesquels peuvent être ce polynôme f ?

$f(x) = (x - 5) (x + 2)$

$f(x) = (x + 5) (x^2 + x - 6)$

$f(x) = (x - 5) (x^2 + 3.x - 10)$

Exercice n°2:

Soit $f(x) = 2x^4 + 3x^3 - 7x^2 + 5x - 3$

1) Vérifier que 1 et -3 sont des racine de f

2) Factoriser alors $f(x)$

3) Résoudre dans \mathbb{R} , $f(x) \leq 0$

4) Soit $h(x) = \frac{f(x)}{x(x^2 + 2x - 3)}$

a) Quel est son ensemble de définition?

b) Simplifier $h(x)$

Exercice n°3:

Soit $ABCD$ un parallélogramme et M un point de $[AD]$.

1)

a) Construire D' et M' les images respectives de D et M par la translation $t_{\vec{AC}}$

b) Montrer que les points C, M' et D' sont alignés.

2) Soit le point C' tel que $t_{\vec{AC}}(C) = C'$

a) Montrer que $(D'C')$ est parallèle à (AB) .

b) Soit $[AH]$ la hauteur issue de A dans le triangle ADC .

La parallèle à (AH) passant par C coupe

$(D'C')$ en K . Montrer que $t_{\vec{AC}}(H) = K$

3) Soit \mathcal{C} le cercle circonscrit au triangle ADH .

Montrer que \mathcal{C}' , l'image de \mathcal{C} par $t_{\vec{AC}}$ a pour diamètre $[CD']$ et passe par K .